

Образовательный минимум

| | |
|----------|---------|
| Четверть | 3 |
| Предмет | Алгебра |
| Класс | 9 |

1. Арифметический корень n-ой степени:

$$1) \sqrt[n]{a \cdot b} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}; \quad 2) \sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}; \quad 3) (\sqrt[n]{a})^n = a; \quad 4) \sqrt[n]{a^n} = |a|, n - \text{четный};$$

$$5) \sqrt[n]{a^n} = a \quad n - \text{нечетный}; \quad 6) \sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[nm]{a}; \quad 7) \sqrt[nk]{a^{mk}} = \sqrt[n]{a^m}; \quad 8) \sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$$

2. Арифметическая прогрессия - числовая последовательность a_1, a_2, \dots, a_n , заданная формулой $a_{n+1} = a_n + d$, где n - натуральное, d - некоторое число.

Число d называется **разностью** арифметической прогрессии.

Свойство арифметической прогрессии: $a_n = \frac{a_{n-1} + a_{n+1}}{2}$

Формула n-го члена арифметической прогрессии $a_n = a_1 + d(n-1)$

Сумма n первых членов арифметической прогрессии равна

$$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n \quad \text{или} \quad S_n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n$$

3. Геометрическая прогрессия - числовая последовательность b_1, b_2, \dots, b_n , заданная формулой $b_{n+1} = b_n q$, где q - некоторое число, $q \neq 0$, $b_n \neq 0$, n - натуральное.

Число q называется **знаменателем** геометрической прогрессии.

Свойство геометрической прогрессии: $b_n^2 = b_{n-1} \cdot b_{n+1}$

Формула n-го члена геометрической прогрессии: $b_n = b_1 q^{(n-1)}$

Сумма первых членов геометрической прогрессии равна

$$1) \text{ при } q \neq 1 \quad S_n = \frac{b_1(1-q^n)}{1-q}$$

$$2) \text{ при } q = 1 \quad S_n = b_1 \cdot n$$

Геометрическая прогрессия называется бесконечно убывающей, если $|q| < 1$.

Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии равна $S = \frac{b_1}{1-q}$